

---

# Strukturni (međusektorski) modeli

---

Prof. Maja Baćović

01.12.2021.

---

# Strukturni modeli

- Izgradnja strukturnih modela zasniva se na karakteristici proizvodnje kao složenog sistema u kojem su svi pojedinačni elementi i procesi međusobno povezani i zavisni
- Svaka promjena u bilo kojem elementu sistema, izazvana određenom akcijom privrednih subjekata ili neekonomskim faktorima, odražava se preko složene mreže tehnoloških veza određenim intenzitetom na sve ostale elemente sistema.

# Kostur modela

- Direktna / ukupna medjuzavisnost
- Matrica tehničkih koeficijenata –  $A$

$$\begin{bmatrix} \mathbf{a}_{11} & \mathbf{a}_{12} & \mathbf{a}_{13} \\ \mathbf{a}_{21} & \mathbf{a}_{22} & \mathbf{a}_{23} \\ \mathbf{a}_{31} & \mathbf{a}_{32} & \mathbf{a}_{33} \end{bmatrix}$$

# Input-output tabela-opšti oblik

Sektori isporučiooci	Sektori potrošači			S	Finalna potrošnja				Raspodijeljena sredstva
	1	2	3	Ukupno	Tekuća potrošnja	Investicije	Izvoz	Ukupno	
1	$x_{11}$	$x_{12}$	$x_{13}$	$\sum_{j=1}^3 x_{1j}$	$C_1$	$I_1$	$E_1$	$x_1$	$X_1$
2	$x_{21}$	$x_{22}$	$x_{23}$	$\sum_{j=1}^3 x_{2j}$	$C_2$	$I_2$	$E_2$	$x_2$	$X_2$
3	$x_{31}$	$x_{32}$	$x_{33}$	$\sum_{j=1}^3 x_{3j}$	$C_3$	$I_3$	$E_3$	$x_3$	$X_3$
Ukupno	$\sum_{i=1}^3 x_{i1}$	$\sum_{i=1}^3 x_{i2}$	$\sum_{i=1}^3 x_{i3}$	$\sum \sum x_{ij}$	$C$	$I$	$E$	$x$	$X$
Amortizacija	$A_1$	$A_2$	$A_3$	$A$					
Plate	$L_1$	$L_2$	$L_3$	$L$					
Akumulacija	$A_{k1}$	$A_{k2}$	$A_{k3}$	$A_k$					
Dodajna ulaganja	$D_1$	$D_2$	$D_3$	$D$					
Domaća proizvodnja	$P_1$	$P_2$	$P_3$	$P$					
Uvoz	$U_1$	$U_2$	$U_3$	$U$					
Raspoloživa sredstva	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X$					

# Konstrukcija osnovnog modela

Ako znamo da je

$$X = R + x$$

$$X_1 = x_{11} + x_{12} + x_{13} + x_1$$

$$X_2 = x_{21} + x_{22} + x_{23} + x_2$$

$$X_3 = x_{31} + x_{32} + x_{33} + x_3$$

$$x_{ij} = a_{ij} \cdot X_j$$

# Konstrukcija osnovnog modela

$$X_1 = a_{11}X_1 + a_{12}X_2 + a_{13}X_3 + x_1$$

$$X_2 = a_{21}X_1 + a_{22}X_2 + a_{23}X_3 + x_2$$

$$X_3 = a_{31}X_1 + a_{32}X_2 + a_{33}X_3 + x_3$$

## Vektor proizvodnje $X$ i finalnih isporuka $x$

$$X = \begin{vmatrix} X_1 \\ X_2 \\ X_3 \end{vmatrix} \qquad x = \begin{vmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{vmatrix}$$

# Konstrukcija osnovnog modela

$$\begin{bmatrix} X_1 \\ X_2 \\ X_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_1 \\ X_2 \\ X_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

$$X = A \cdot X + x$$

$$X = AX + x$$



---

# Definisanje osnovnog međusektorskog problema

- $I-A$  – poznata matrica
- $x$ -? (finalna potrošnja)
- $X$ -? (ukupna proizvodnja)

---

# Određivanje vrijednosti ukupne proizvodnje

- Opšte (generalno rešenje)
- Specijalno (iterativno rešenje)

# Generalno rešenje

$$X = AX + x$$

$$[I - A]X = x$$

$$X = [I - A]^{-1} \cdot x$$

$$\begin{bmatrix} X_1 \\ X_2 \\ X_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} & A_{13} \\ A_{21} & A_{22} & A_{23} \\ A_{31} & A_{32} & A_{33} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

---

$$[I - A]^{-1}$$

- Metod determinanti
- Iterativni postupak

---

# Metod determinanti

- Leontijevljena matrica  $I-A$
- Determinantna matrice
- Kofaktori i matrica kofaktora
- Transponovana matrica kofaktora
- Podijeliti je sa determinantnom ( $I-A$ )

# Sektorski multiplikator – ukupna tehnoloska medjuzavisnost

$$\begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} & A_{13} \\ A_{21} & A_{22} & A_{23} \\ A_{31} & A_{32} & A_{33} \end{bmatrix}$$

---

# Analiza zavisnosti BDP od proizvodnje i finalne potrošnje

- Dodajna vrijednost (BDP) – III kvadrant međusektorske tabele
- Komponente: zarade, amortizacija i akumulacija
- Kako ukupna potrošnja i obim i struktura finalne tražnje utiču na BDP?

# Analiza multiplikativnih efekata finalne potrošnje na BDP

- Direktni koeficijent BDP-a – veličina BDP sektora  $j$  koja se ostvaruje po jedinici njegove ukupne proizvodnje

$$d_j = \frac{D_j}{X_j}$$

- Slijedi da je ukupna vrijednost BDP u sektoru  $j$  jednaka umnošku koeficijenta BDP i ukupne proizvodnje sektora  $j$

$$D_j = d_j X_j$$



## Analiza multiplikativnih efekata finalne potrošnje na BDP

- Ukupni koeficijent BDP za sve sektore dobićemo ako vektor red direktnih koeficijenata BDP pomnožimo sa kolonom matrice

$$[I - A]^{-1}$$

- Za sve sektore, multiplikator će biti

$$\bar{d} = d[I - A]^{-1}$$

- Koeficijent  $\bar{d}$  predstavlja multiplikator bruto domaćeg proizvoda

BDP u proizvodnom sistemu jednak je:

$$\sum D_j = dX = d[I - A]^{-1} x$$

$$\begin{bmatrix} d_1 & 0 & 0 \\ 0 & d_2 & 0 \\ 0 & 0 & d_3 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} & A_{13} \\ A_{21} & A_{22} & A_{23} \\ A_{31} & A_{32} & A_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} d_1 A_{11} & d_1 A_{12} & d_1 A_{13} \\ d_2 A_{21} & d_2 A_{22} & d_2 A_{23} \\ d_3 A_{31} & d_3 A_{32} & d_3 A_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} & h_{13} \\ h_{21} & h_{22} & h_{23} \\ h_{31} & h_{32} & h_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = H \cdot x$$